

$$\frac{c_1}{c_2} = \frac{n_2}{n_1}, n_1 \sin(\beta_1) = n_2 \sin(\beta_2)$$

$$d_{\text{optisch}} = d_{\text{geometrisch}} * n$$

$$\sin(z^{\text{Stern}}) = n_g * \sin(z), R = z^{\text{Stern}} - z$$

$$R = 60,3'' * \tan(z) - 0,064'' * \tan^3(z)$$

$$\frac{f}{g} + \frac{f'}{b} = 1, \text{ dünne}$$

$$\frac{1}{f} = (n-1) \left(\frac{1}{r} - \frac{1}{r'} + \frac{(n-1)t_c}{n * r * r'} \right), \text{ dicke}$$

$$V = \frac{B}{G} = \frac{b}{g}, p = -\frac{f * (n-1) * t_c}{n * r}$$

$$N = \frac{f}{D} \text{ Öffnungsverhältnis}$$

$$q = \frac{(r'+r)}{(r'-r)} \text{ Shape Faktor}$$

$$\begin{pmatrix} h^{\text{out}} \\ u^{\text{out}} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} A & B \\ C & D \end{pmatrix} \begin{pmatrix} h^{\text{in}} \\ u^{\text{in}} \end{pmatrix} \text{ Ray Tracing}$$

$$\text{Translation} \begin{pmatrix} 1 & t \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$$

$$\text{Grenzfläche} \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ \frac{1}{r} \left(1 - \frac{n_{\text{in}}}{n_{\text{out}}}\right) & \frac{n_{\text{in}}}{n_{\text{out}}} \end{pmatrix}$$

$$\begin{pmatrix} 1 + \frac{t * (n-1)}{r * n} & \frac{t}{n} \\ -(n-1) * \left(\frac{1}{r'} - \frac{1}{r} + \frac{t * (n-1)}{r * r' * n} \right) & 1 - \frac{t * (n-1)}{r * n} \end{pmatrix}$$

Matrix für Dicke Linsen

$$d = h * \sin(\theta) * \left(1 - \frac{\cos(\theta)}{\sqrt{\left(\frac{n_2}{n_1}\right)^2 - \sin^2(\theta)}} \right)$$

Versatz an Platte

$$\tan(\beta_B) = \frac{n_2}{n_1} \text{ Brewster Winkel}$$

$$p = \frac{h^2}{2R} + (1 + \beta) * \frac{h^4}{8R^3} \text{ Kegelschnitte}$$

$$l_i \approx \frac{a * c_i * h_i}{2 * R^2} \text{ Flächenfehler}$$

$$d'_1 = \frac{a_1 * \Delta d}{a_2 - a_1}, d_{1,2}^m = \frac{\sum_i h_i(d_{1,2})_i}{\sum_i h_i}$$

$$f_0 = s_1 - d_1^m = s_2 - d_2^m \text{ Hartmann-Test}$$

$$n^2(\lambda) - 1 = \sum_i B_i \frac{\lambda^2}{\lambda^2 - C_i} \text{ chr. Abberation}$$

$$g_{\text{rel}} = \frac{n_F - n_C}{n_D - 1} = v^{-1} \text{ relative Dispersion}$$

$$\delta = \theta + \arcsin(\sin(\alpha) \sqrt{n^2 \sin^2(\theta) - \cos(\alpha) \sin(\theta)}) - \alpha$$

$$n_\lambda = \frac{\sin(\delta \min + \alpha/2)}{\sin(\alpha/2)} \text{ min. Deviation}$$

$$\Delta \delta = \frac{\Delta n}{\bar{n}} \frac{2 \sin(\alpha/2)}{\sqrt{1/\bar{n}^2 - \sin^2(\alpha/2)}}$$

$$\frac{1}{v_1 f_1} + \frac{1}{v_2 f_2} = 0 \text{ Achromat}$$

$$\rho' = \sqrt{y'^2 + z'^2}, q = \frac{\pi * \rho'}{N * \lambda}$$

$$J_0(q) = \sum_{n=0}^{\infty} \frac{(-1)^n * q^{2n}}{(n)!^2 * 2^{2n}} \text{ Besselfkt 0. Ordn.}$$

$$J_1(q) = q \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^{n+1} * q^{2n-2}}{(n-1)! * n! * 2^{2n-1}} \text{ Besselfkt. 1.}$$

$$I(\rho')_{\Delta x'=0} = \left(\frac{2J_1(q)}{q} \right)^2 \text{ Kreisblende Beug.}$$

$$\rho'_0 = 1,22 * N * \lambda \text{ Radius erster Nullstelle}$$

$$I(y')_{\Delta x'=0} = \left(\frac{\sin(l)}{l} \right)^2, l = \frac{\pi * y'}{N * \lambda} \text{ Spalt Beug.}$$

$$I(\Delta x')_{\Delta \rho'=0} = \left(\frac{\sin(p/4)}{p/4} \right)^2, p = \frac{\pi * x'}{2 * \lambda * N^2}$$

Beugung entlang optischer Achse

$$\frac{L_{\rho'}}{L_\infty} = 1 - J_0^2(q) - J_1^2(q) \text{ Licht durch Kreis mit}$$

Radius ρ' auf optischer Achse

$$\pm \Delta_g = 2 * N * \Delta y' \text{ geometrisch-optische}$$

$$\pm \Delta_w \leq 2 * N^2 * \lambda \text{ wellenoptische Fokustoleranz}$$

für $Z=0,8$

$$\alpha_R = 1,22 * N * \lambda \text{ Rayleigh Teleskopaufl.}$$

$$I(\rho')_{\Delta x'=0} = \frac{1}{(1 - \varepsilon^2)^2} \left(\frac{2 * J_1(q)}{q} - \frac{2 * J_1(\varepsilon * q)}{\varepsilon * q} \right) \varepsilon^2, \varepsilon^2,$$

$$\varepsilon = \frac{D_2}{D_1} \text{ (Durchmesser der Kreisringe),}$$

$$I(\Delta x')_{\rho'=0} = \left(\frac{\sin(p/4)(1 - \varepsilon^2)}{p/4} \right)^2 \text{ Apodisation}$$

$$\delta_{1,2} = 2 * \pi * \frac{a_{1,2} * \sin(\beta)}{\lambda},$$

$$E_n = A_0 * e^{2 * \pi * \left(\frac{t}{T} - \frac{x}{\lambda} \right)} * e^{-i * (n-1) * \delta_2},$$

$$E = \sum_{n=1}^p E_n = A_0 * e^{2 * \pi * \left(\frac{t}{T} - \frac{x}{\lambda} \right)} * \frac{1 - e^{-i * p * \delta_2}}{1 - e^{-i * \delta_2}},$$

$$I = A_0^2 \left(\frac{\sin(p \delta_2 / 2)}{\sin(\delta_2 / 2)} \right)^2 \text{ Vielstrahlinterferenz}$$

$$I = I_0 * \left(\frac{\sin(\delta_1 / 2)}{\delta_1 / 2} \right) * \left(\frac{\sin(p \delta_2 / 2)}{\sin(\delta_2 / 2)} \right)^2 \text{ Spaltbeug.}$$

$$I \approx I_0^2 (1 + 2 * \rho * \cos(\delta_2)) \text{ wenn } \rho \ll 1,$$

$$I \approx \frac{I_0^2}{(1 - \rho)^2 + 4 * \sin^2(\delta_2 / 2)} \text{ wenn } \rho < -1,$$

Dämpfung der Teilwellen $A_n = A_0 \rho^{n-1}$

$$m * \lambda = a(\sin(\alpha) + \sin(\beta)) \text{ Gittergleichung}$$

$$\lambda_L = 2a \sin(\beta) \text{ Littrow-Wellenlänge}$$

FWHM: 50% durch von Maximum

$$\frac{\lambda_t}{\lambda_1} = \frac{\sqrt{N^2 - \sin^2(\theta)}}{N} \text{ geneigter Filter}$$

$$X = \frac{1,003198 * \cos(z_{\text{wahr}}) + 0,101632}{\cos^2(z_{\text{wahr}}) + 0,090560 \cos(z_{\text{wahr}}) + 0,003198}$$

$$\text{Luftmasse, vereinfacht: } X = \frac{1}{\cos(z_{\text{schein}})}$$

$$m_{\text{Boden}} = m_{\text{All}} + k_\lambda * X \text{ Extinktionsgesetz}$$

$$p(n, t) = \frac{(N * t)^n * e^{-N * t}}{n!} \text{ Poissonverteilung}$$

$$\sigma = \sqrt{N} \text{ Shot-Noise}$$

$$N = N_0(\lambda) * A^2 * e(\text{Atm}) * e(\text{Tel}) * e(\text{Phot}) * e(\text{Detektor}) * \left(\frac{1}{I_0} \right) * \Delta \lambda$$

$$\delta m = \frac{-1,086}{\sqrt{I}} = -1,086 * \frac{\delta I}{I} \text{ Schwankung}$$

$$\sigma(\text{mag}) \sim D^{-2/3} * X^{1,5 \text{ bis } 2} \text{ Szintillation}$$

$$\sigma(\text{mag}) \sim 0,09 * D^{-2/3} * X^{1,8} * e^{\frac{h}{h_0}} * \Delta t^{-0,5}$$

Szintillation, wobei h/h_0 rel. Zu 8000m

$$\sigma(H) = \left(\frac{H}{t_H} \right)^{1/2} \text{ Hintergrundzählrate Fehler}$$

$$\sigma(S + H) = \left(\frac{S + H}{t_{S+H}} \right)^{1/2} \text{ Sternzählrate Fehler}$$

$$\sigma(S) = \left(\frac{S + H}{t_{S+H}} + \frac{H}{t_H} \right)^{1/2}, \frac{\text{Signal}}{\text{Rausch}} \text{ Verhältnis} = \frac{S}{\sigma(S)}$$

$$r = \frac{t_{S+H}}{t_H} = \left(\frac{S + H}{H} \right)^{1/2} \text{ Ideale Zeitverteilung}$$

$$\frac{S}{N} = \frac{N_{\text{ges}}}{\sqrt{N_{\text{ges}} + n_{\text{pix}}(N_S + N_D + N_R^2)}} \frac{\text{Signal}}{\text{Rausch}} \text{ CCD}$$

$$S \sim E * I * t \text{ Schwärzung}$$

$$E_t = E * \frac{t^p}{t} \text{ Empfindlichkeit}$$

$$T_N = \frac{F_v}{k} \text{ Noise-Temperatur von Mixer}$$